

目次

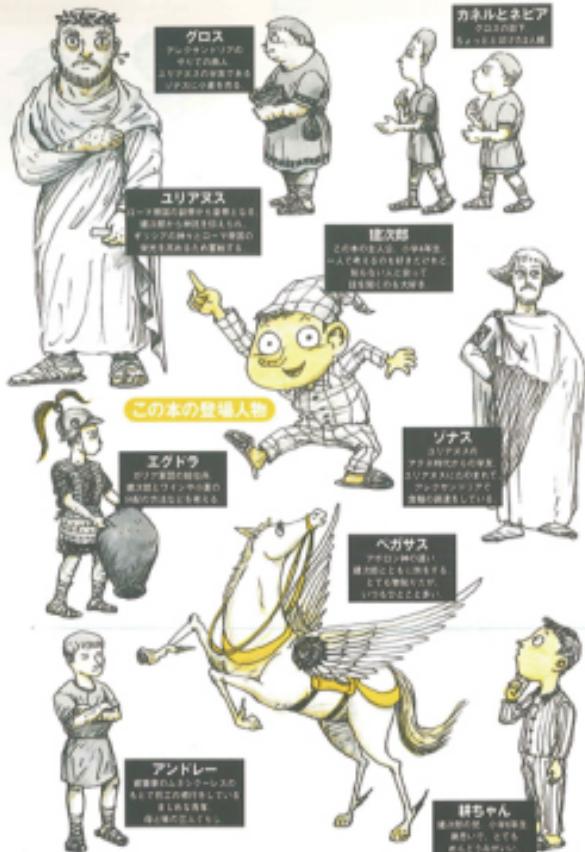
1. アテネの神殿	しきつめの共通尺度	5
□正方形でしきつめる		6
□共通尺度をみつけだす		9
2. アテネの市場	分数: はんばの量をあらわす数	12
□分数の変身		15
3. バルナソス山	分数の大きさくらべ	19
□分母のちがう分数を探す		21
4. ローマ	分数のたし算	24
5. ガリア討伐	分数のひき算	29
6. コンスタンティノポリス	分数の2つの意味	37
□エジプト分数との出会い		41
7. アンティオキア	分数のかけ算	43
□いろいろな型の分数でためす		49
□さっきとちがう形で分数のかけ算をあらわす		54
8. ベルシア国境	分数のわり算	57
□もうひとつとのわり算でためす		69
9. 地中海の上空	分数と小数のちがい	74

10. アレクサンドリアの街と港	80	
整数倍・分数倍するふしきな箱		
□ブラック・ボックスで分数倍にする1	83	
□ブラック・ボックスで分数倍にする2	85	
11. アレクサンドリアの市場	91	
ふしきな箱の? 分数倍する働き		
□どんな量を1と考える?	94	
□引き・増しする	97	
□倍×倍の計算をする	100	
12. ベルシア街道	エピローグ	103
13. 分数の世界	分数に強くなる7つの入り口	106
□1. 約分に強くなる	107	
□2. かけ算分解ゲームで遊ぶ	113	
□3. 分数方陣で遊ぶ	115	
□4. 分数で割合をあらわす	117	
□5. 分数をすらっと並べてみる	119	
□6. 分数どうしのふしきを探る	122	
□7. エジプト分数の秘密を探る	123	
14. 夢の終わり	ほんとうのエピローグ	126



I アテネの神殿

しきつめの共通尺度



建ちゃんの部屋の壁には、全身を映しだす大きな鏡がはめこまれていた。ある夜、その鏡がかすかな光をとらえて水面のようにきらめきはじめた。

「健次郎、健次郎」

ベッドで寝ていた建ちゃんは、自分を呼ぶ声に目をさました。だれだろうと思ってあたりを見まわすと、鏡のなかにギリシアのきれいな丘と洞窟が映しだされているのに気づいた。建ちゃんはびっくりして、鏡に映った風景をじっと見めた。

建☆これは夢かな？でも、すごくきれいな景色だなあ。いいなあ。ぼくもこんなところを旅できたらなあ。

建ちゃんは、おそるおそる鏡に手をのばした。鏡に建ちゃんの手がふれた瞬間、建ちゃんはものすごい力で鏡のなかに吸いこまれた。

□正方形でしきつめる

気がつくと、建ちゃんは古代ギリシアの街を見おろすアクロポリスの丘にいた。
建☆さきの声はなんだらう。とりあえず街に行って聞いてみよう。



街は活気にあふれていた。建ちゃんが街の中心に向かって歩いていくと、人だかりができていて、そのまんなかで若い石工が建築家に怒られた。

建ちゃんは近くで見物している男に話しかけた。

■△△の入たちはなにをしているのですか？

男△△若い石工をしかっているのはムネシクーレスといって、アテネのすぐれた建築家なんです。いまアクロポリスの入口、プロピュライア(前門)を作っているところで、ベンデリコーン産の大理石とエレフシス産の青大理石を組みあわせて、ポーチをつくろうとしているのですが、あの若者がなにか失敗してしまったようです。

建△△いったいどんな失敗を？

男△△さあ、ちょっとそこまではわかりません。

気になった建ちゃんは人ごみをぬけ、ムネシクーレスと若い石工に近づき、二人のやりとりを聞くことにした。

ムネシクーレス△△これでは正方形の床石にすきまができる、調和を失ってしまう。神殿の人口にふさわしくない。床全体をおなじ大きさの正方形だけでしきつめなさい。
若い石工△△もうわけありません。タテをぴったりしきつめることばかりに気をとられ、横にまで考えがおよびませんでした。こんなぶざまな仕事をしてしまい、石工として恥じるばかりです。

若い石工はそう言ったものの、タテと横の両方をうまく測りきれる「共通の長さ」をどうやって見つけだしたらいいかわからなかった。石工はその場にすわりこみ、考えこんでしまった。石工があまりにも深刻な顔をしているので、建ちゃんはその場から離れられなくなってしまった。たまりかねた建ちゃんは若い石工に話しかけた。

建△△ぼくは旅をする者ですが、いまよりもずっと小さい正方形を並べて、何個並ぶか調べてみたらどうですか。

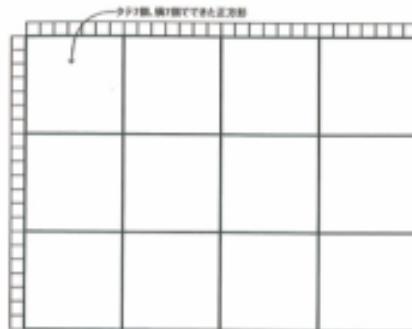
若い石工△△なるほど。では、ためしにこの小さい正方形の石版を並べてみましょう。



建△△タテに21個、横に28個並んでぴったりはまりましたね。この大きさの正方形を床に並べれば、うまく正方形でしきつめることができますよ。

若い石工△△それはそうですが……、これではあまりにも正方形が小さすぎます。もう少し大きくて、ぴったりはまる正方形はないのでしょうか。

建 小さい正方形の一辺を単位にして、床をしきってみましょう。……3、4、5、6個分ではタテが横のどちらかにはんぱができちゃいますね。でも、7個分ならタテも横もぴったりになりますよ。



若い石工 8個以上も調べてみましたが、はんぱが出ててしまうようですね。

建 この床をきちんとしきつめるには、小さな正方形を7個集めた長さを一辺とする正方形の石板を使えばいいんですね。

若い石工 はい。膳のかた、ありがとうございます。わたしはアンドレーといいます。あなたは、これからどこへおいでですか。

建 ぼくは建次郎といいます。じつはふしぎなできごとが起こって、この町に来たんです。だから、これからそれを調べようと思っています。

アンドレー それなら、バルナソス山の神殿をたずねるといいでしょう。ローマの皇帝が代わってから薦めはじめていますが、きっとアポロン神がなにかを勘ししめしてくれるでしょう。でも、林立つまえに、ぜひわたしの家によってください。お礼にごちそういたしますから。

建 ほんとうですか。ありがとうございます。じゃあ、この街を出るまえにかならず行かせてもらいます。

アンドレー そうですか、ではお待ちしています。

□共通尺度をみつけだす

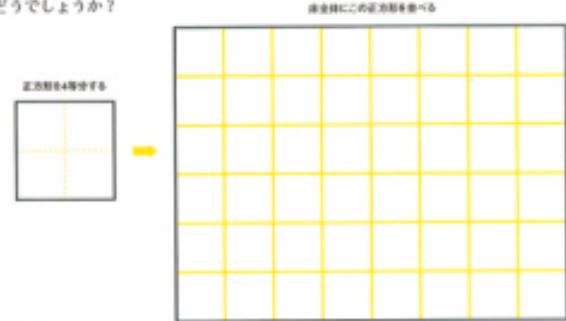
数日後、ふたたび建ちゃんはアクロボリス入口の住事場をたずねた。

床はできあがり、その前でアンドレーとムネシクーレスが話していた。

アンドレー ☆ 建ちゃんの勘定もあって、ようやく床を正方形でしきつめることができました。これでいかがでしょうか。

ムネシクーレス ☆ これでもかまわないが、もうすこし小さな正方形のほうがよかったな。これだと正方形がすこし大きくて、全体の調和がとれないからな。

建 もうすこし小さな正方形ですか……。それでは、この前のつくった正方形（左ページのグレーの部分）を今度は4等分して、その正方形で床全体をしきつめてみたらどうでしょうか？



アンドレー ☆ たしかにこれでもしきつめられます。この床にしきつめられる正方形は、タテを3等分、横を4等分できる正方形だけだと思っていたんですが……。

建 あのとき、たまたま近くにあった小さな石板でタテを21等分、横を28等分できたけど、ほかにもタテと横を等分できる長さがあるのかもしれませんね。

アンドレー ☆ タテの長さを2等分、3等分、4等分……と等分した長さで、それぞれ横の長さをぴったり測りきれるかどうかためしていけば、いつかはタテと横を測りきれる共通の長さ（共通尺度）がみつかるはずですね。

建 ムネシクーレス先生も、そうやって共通尺度を探したんですか？